

Huges Leblanc, "Alternatives to First-order Semantics", in *Handbook of Philosophical Logic*(D. Gabbay and F. Guentner eds.), Vol I. pp209-306.)(1984), Basil Blackwell Publisher Ltd.

파깨비 번역(www.pakebi.com)

3. 확률적 의미론

형식적 세부사항: Leblanc[1982c]에서 가져온 것은 다음과 같다.

L^+ 가 L 의 임의의 항목 확장이라고 하자.

L^+ 에 대한 (단항적:singularly) 확률함수란, P^+ 의 진술들에서 다음의 제한 사항들을 만족시키는 실수로의 어떤 함수 P^+ 이다.

- C1. $0 \leq P^+(A)$
- C2. $P^+(\neg(A \wedge \neg A)) = 1$
- C3. $P^+(A) = P^+(A \wedge B) + P^+(A \wedge \neg B)$
- C4. $P^+(A) \leq P^+(A \wedge A)$
- C5. $P^+(A \wedge B) \leq P^+(B \wedge A)$
- C6. $P^+(A \wedge (B \wedge C)) \leq P^+((A \wedge B) \wedge C)$
- C7. $P^+(A \wedge (\forall x)B) = \lim_{j \rightarrow \infty} P^+(A \wedge \prod_{i=1}^j B(t_i/x))$

L 의 한 진술 A 가 확률적 의미에서 논리적으로 참일 조건은,
 L 의 항목 확장 L^+ 와 L^+ 에 대한 항목 확률 함수 P^+ 가 무엇이든,
 $P^+(A) = 1$ 이라는 것이다.

그리고 S 가 L 의 진술들의 집합이면,
 A 가 확률적 의미에서 S 에 의해 논리적으로 함축되기 위한 조건은,
 L 의 항목 확장 L^+ 와 L^+ 에 대한 확률 함수 P^+ 가 무엇이든,
 S 의 각 원소 B 에 대해 $P^+(B) = 1$ 이면 $P^+(A) = 1$ 이라는 것이다.
동등하지만 더 단순하게,
 A 가 확률적 의미에서 논리적으로 참이기 위한 조건은,
 L 에 대한 모든 확률 함수에서 A 에 1을 할당받는다는 것이다.

